

Schemat weryfikacji hipotez:

- 1) formułujemy hipotezę zerową oraz alternatywną,
- 2) wybieramy odpowiedni test (statystykę),
- 3) obliczamy wartość zaobserwowaną testu na podstawie próbki,
- 4) ustalamy poziom istotności (zwykle $\alpha = 0,05$ lub $\alpha = 0,01$),
- 5) wyznaczamy obszar krytyczny W ,
- 6) sprawdzamy, czy wartość zaobserwowana testu należy do obszaru krytycznego, jeżeli tak, to hipotezę H_0 odrzucamy, jeżeli nie, to nie ma podstaw do odrzucenia hipotezy zerowej H_0 (ani przyjęcia hipotezy alternatywnej).

Testy dla wartości średniej

Model	Założenia	Hipoteza zerowa H_0	Hipoteza alternatywna H_1	Sprawdzian testu	Obszar krytyczny
I	1) badana cecha w populacji ma rozkład normalny $N(\mu, \sigma)$, 2) odchylenie standardowe σ jest znane, 3) licznosc próbki (n) dowolna.	$\mu = \mu_0$	$\mu \neq \mu_0$	$U = \frac{\bar{X} - \mu_0}{\sigma} \cdot \sqrt{n}$	$W = (-\infty, -u_{1-\frac{1}{2}\alpha}) \cup (u_{1-\frac{1}{2}\alpha}, +\infty)$
			$\mu > \mu_0$		$W = (u_{1-\alpha}, +\infty)$
			$\mu < \mu_0$		$W = (-\infty, -u_{1-\alpha})$
II	1) badana cecha w populacji ma rozkład normalny $N(\mu, \sigma)$, 2) odchylenie standardowe σ nie jest znane, 3) licznosc próbki (n) dowolna.	$\mu = \mu_0$	$\mu \neq \mu_0$	$T = \frac{\bar{X} - \mu_0}{S} \cdot \sqrt{n-1}$	$W = \left(-\infty, -t_{n-1, 1-\frac{1}{2}\alpha} \right) \cup \left(t_{n-1, 1-\frac{1}{2}\alpha}, +\infty \right)$
			$\mu > \mu_0$		$W = (t_{n-1, 1-\alpha}, +\infty)$
			$\mu < \mu_0$		$W = (-\infty, -t_{n-1, 1-\alpha})$
III	1) badana cecha ma dowolny rozkład, 2) odchylenie standardowe σ nie jest znane, 3) licznosc próbki duża ($n \geq 30$).	Sprawdzian testu i obszary krytyczne są identyczne, jak w modelu I, przy czym w miejsce nieznanego odchylenia standardowego σ podstawiamy S (lub co bardziej właściwie – \tilde{S})			

Oznaczenia:

α – poziom istotności,

$u_{1-\frac{1}{2}\alpha}, u_{1-\alpha}$ – kwantyle odpowiednio rzędu $1-\frac{1}{2}\alpha$ oraz $1-\alpha$ zmiennej losowej U o rozkładzie normalnym $N(0,1)$,

$t_{n-1, 1-\frac{1}{2}\alpha}, t_{n-1, 1-\alpha}$ – kwantyle odpowiednio rzędu $1-\frac{1}{2}\alpha$ oraz $1-\alpha$ zmiennej losowej T o rozkładzie T -studenta z $n-1$ stopniami swobody.

Testy dla dwóch średnich

Testy te sprawdzają hipotezę o równości dwóch wartości oczekiwanych (średnich) μ_1 i μ_2 w dwóch populacjach.

Model	Założenia	Hipoteza zerowa H_0	Hipoteza alternatywna H_1	Sprawdzian testu	Obszar krytyczny
I	1) badana cecha w obu populacjach ma rozkład normalny $N(\mu_1, \sigma_1)$ i $N(\mu_2, \sigma_2)$, 2) odchylenia standardowe są znane, 3) licznosci próbek n_1 i n_2 dowolne	$\mu_1 = \mu_2$	$\mu_1 \neq \mu_2$	$U = \frac{\bar{X}_1 - \bar{X}_2}{\sqrt{\frac{\sigma_1^2}{n_1} + \frac{\sigma_2^2}{n_2}}}$	$W = (-\infty, -u_{1-\frac{1}{2}\alpha}) \cup (u_{1-\frac{1}{2}\alpha}, +\infty)$
			$\mu_1 > \mu_2$		$W = (u_{1-\alpha}, +\infty)$
			$\mu_1 < \mu_2$		$W = (-\infty, -u_{1-\alpha})$
II	1) badana cecha w obu populacjach ma rozkład normalny $N(\mu_1, \sigma_1)$ i $N(\mu_2, \sigma_2)$, 2) odchylenia standardowe są nieznanne, ale równe: $\sigma_1 = \sigma_2$ 3) licznosci próbek n_1 i n_2 dowolne	$\mu_1 = \mu_2$	$\mu_1 \neq \mu_2$	$T = \frac{\bar{X}_1 - \bar{X}_2}{\sqrt{\frac{n_1 S_1^2 + n_2 S_2^2}{n_1 + n_2 - 2} \left(\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2} \right)}}$	$W = \left(-\infty, -t_{n_1+n_2-2, 1-\frac{1}{2}\alpha} \right) \cup \left(t_{n_1+n_2-2, 1-\frac{1}{2}\alpha}, +\infty \right)$
			$\mu_1 > \mu_2$		$W = (t_{n_1+n_2-2, 1-\alpha}, +\infty)$
			$\mu_1 < \mu_2$		$W = (-\infty, -t_{n_1+n_2-2, 1-\alpha})$
III	1) badana cecha ma dowolny rozkład, 2) odchylenia standardowe są nieznanne 3) licznosci próbek duże ($n_1 \geq 30$ i $n_2 \geq 30$)	Sprawdzian testu i obszary krytyczne są identyczne, jak w modelu I, przy czym w miejsce nieznannych odchyleń standardowych σ_1 i σ_2 podstawiamy S_1 i S_2 (lub co bardziej właściwe – \tilde{S}_1 i \tilde{S}_2)			

Oznaczenia:

α – poziom istotności,

$u_{1-\frac{1}{2}\alpha}, u_{1-\alpha}$ – kwantyle odpowiednio rzędu $1-\frac{1}{2}\alpha$ oraz $1-\alpha$ zmiennej losowej U o rozkładzie normalnym $N(0,1)$,

$t_{n_1+n_2-2, 1-\frac{1}{2}\alpha}, t_{n_1+n_2-2, 1-\alpha}$ – kwantyle odpowiednio rzędu $1-\frac{1}{2}\alpha$ oraz $1-\alpha$ zmiennej losowej T o rozkładzie T -studenta z $n_1 + n_2 - 2$ stopniami swobody.

Testy dla wariancji

Model	Założenia	Hipoteza zerowa H_0	Hipoteza alternatywna H_1	Sprawdzian testu	Obszar krytyczny
I	1) badana cecha w populacji ma rozkład normalny $N(\mu, \sigma)$, 2) parametry μ oraz σ nie są znane, 3) liczność próbki $n < 30$.	$\sigma^2 = \sigma_0^2$	$\sigma^2 \neq \sigma_0^2$	$\chi^2 = \frac{nS^2}{\sigma_0^2}$	$W = (0, \chi_{n-1, \frac{1}{2}\alpha}^2) \cup (\chi_{n-1, 1-\frac{1}{2}\alpha}^2, +\infty)$
			$\sigma^2 > \sigma_0^2$		$W = (\chi_{n-1, 1-\alpha}^2, +\infty)$
			$\sigma^2 < \sigma_0^2$		$W = (0, \chi_{n-1, \alpha}^2)$
II	1) badana cecha w populacji ma rozkład normalny $N(\mu, \sigma)$, 2) parametry μ oraz σ nie są znane, 3) liczność próbki duża ($n \geq 30$).	$\sigma^2 = \sigma_0^2$	$\sigma^2 \neq \sigma_0^2$	$U = \sqrt{\frac{2nS^2}{\sigma_0^2}} - \sqrt{2n-3}$	$W = (-\infty, -u_{1-\frac{1}{2}\alpha}) \cup (u_{1-\frac{1}{2}\alpha}, +\infty)$
			$\sigma^2 > \sigma_0^2$		$W = (u_{1-\alpha}, +\infty)$
			$\sigma^2 < \sigma_0^2$		$W = (-\infty, -u_{1-\alpha})$

Oznaczenia:

α – poziom istotności,

$u_{1-\frac{1}{2}\alpha}, u_{1-\alpha}$ – kwantyle odpowiednio rzędu $1-\frac{1}{2}\alpha$ oraz $1-\alpha$ zmiennej losowej U o rozkładzie normalnym $N(0,1)$,

$\chi_{k,r}^2$ – kwantyl rzędu r zmiennej losowej o rozkładzie chi-kwadrat z k stopniami swobody,